

## Statistička analiza medicinskih podataka: uvodna razmatranja

Mladen Petrovečki



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

## Raspored nastave

### Nastava

- Ponedjeljak, 20. travnja 09.  
14-15:30h (2P) – Uvodna razmatranja  
15:45-17:15h (2S) – Priprema podataka za obradbu i raspodjele  
17:30-19h (2S) – Temeljne spoznaje o uzorku, usporedba uzoraka  
Utorka, 21. travnja  
14-15:30h (2S) – Analiza kvalitativnih podataka  
15:45-17:15h (2S) – Analiza kvantitativnih podataka  
17:30-19h (2P) – Analiza cenzuriranih podataka i krivulje preživljivanja  
Srijeda, 22. travnja  
10-11:30h (2K) – Konzultacije

Oznake: P – predavanje, S – seminar, K - konzultacije



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Raspored

Vježba, tema

1. uvod, *MedCalc*, vrste podataka (mjerne ljestvice), unos podataka, prikaz podataka
2. odnos dvaju brojčanih obilježja, male skupine, velike skupine, odnos više brojčanih obilježja
3. korelacija i regresija, usporedba kvalitativnih podataka, ROC, multivarijatni postupci



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Literatura

- Dawson-Saunders B, Trapp RG. Basic & Clinical Biostatistics. Prentice-Hall Int. Inc., London, 2001.
- Petrie A, Sabin C. Medical statistics at a glance. Blackwell Science, Oxford, 2000.
- Marušić M. Uvod u znanstveni rad u medicini. III. obnov. izd. Medicinska naklada, Zagreb, 2004.
- Pez B. Osnovne statističke metode za nematematičare. III. dopunjeno izd. Naklada Slap, Jastrebarsko, 1997.
- StatSoft Inc. Electronic Statistics Textbook. Tulsa, OK: StatSoft, 2002. (<http://www.statsoft.com/textbook/stathome.html>)
- Moher D, Schulz KF, Altman DG, for the CONSORT Group. The CONSORT statement: revised recommendations for improving the quality of reports of parallel group randomized trials. Lancet 2001;357:1191-4. (<http://www.consort-statement.org/revisedstatement.htm>)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Literatura



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Literatura

Znanost je sumnja.  
(N. Alegretti)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Ispit

Nema ispitnih razdoblja!

- kritička raščlamba statističkih postupaka objavljenog znanstvenog rada
  - pismeno (elektronički ⇒ [mp@kbd.hr](mailto:mp@kbd.hr))
  - poslati desetak dana prije usmene obrane
  - [http://mi.medri.hr/assets/pomocna\\_pitanja\\_za\\_seminar.pdf](http://mi.medri.hr/assets/pomocna_pitanja_za_seminar.pdf) ⇔ ⇔ ⇔
- časopis – citiran u *Current Contents-u*
- rad:
  - cijelokupno istraživanje  
(ne osvrт na drugi objavljeni rad!)
  - najmanje dva priloga (tablica, slika)
  - jasan opis statističkih postupaka



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Opis događaja – ?

- nesreća... sreća...
- svaki puta... desetak puta...
- nemoguće... nevjerojatno...

PISMENE IZJAVE OSIGURANIKA JEDNE OSIGURAVAJUĆE TVRTKE (<http://www.croportal.net/>)

- ...
- Sve račune koje dobijem ne platim odmah jer zato nemam novaca nego ih ubacim u veliki bubanj iz kojega početkom svakog mjeseca povezanih očiju izvučem tri koja tada platim. Molim vas da se strpite dok vas ne pogodi sreća.



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Pregled

- metodologija znanstvenog istraživanja
- postupci istraživanja
- neznanstveni i znanstveni postupci



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



TVRDNJA

OBRAZLOŽENJE

PROVJERA

## Metodologija znan. istraživanja

- znanost kao način razmišljanja
- znanstveno djelovanje
  - privremeno tumačenje
  - hipoteza
  - zaključak
- provjerljivost
- postavke → činjenice → znanje



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Neznanstveni postupci istraživanja

- ~~ustrajnost~~  
(navika, stav, vjerovanje, inercija)
- autoritet
- intuicija (očiglednost)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Pokus

- pokus – istraživanje / dio istraživanja
- planiranje pokusa
- nasumični odabir (randomizacija)
- prikrivanje (maskiranje)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Nasumični odabir

- RND (MedCalc)
- funkcija slučajnog broja (uniformna raspodjela)
- “ $RND(x)$  returns a computer-generated random number:
  - when  $x \leq 1$  then the result is a number between 0 and 1, or
  - when  $x > 1$  then the result is a number between 1 and  $x$ .
- (usp. funkcija RNDNORM)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Prikrivanje

- jednostruko
- dvostruko
- trostruko
- četverostruko



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Vjerojatnost

- modeli vjerojatnosti:
  - deterministički
    - predvidivi događaji
  - probabilistički
    - slučajni događaji



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Vjerojatnost jest...

- izračun matematičke vrijednosti ostvarivanja nekog događaja
- matematički → teorija vjerojatnosti
  - statistika
  - matematika
  - znanstvena metodologija
  - logika i filozofija
- zaključivanje o ostvarivosti događaja



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Probabilistički model vjerojatnosti

- tri sastavnice:
  - ishod mjerena
  - ostali događaji koji nastaju (njihova brojnost i ovisnost)
  - vrijednost vjerojatnosti  $P$  (*probability*)

$$0 < P < 1$$



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Izračun vjerojatnosti

- vjerojatnost događaja  $P$
- broj povoljnih mogućnosti  
 $P = \frac{\text{broj povoljnih mogućnosti}}{\text{ukupni broj mogućnosti}}$
- vjerojatnost događaja:
  - vrijednost u rasponu 0-1
  - 0 – vjerojatnost nemogućeg događaja
  - 1 – vjerojatnost sigurnog događaja



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Hipoteza

- znanstvena hipoteza
- statistička hipoteza



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Znanstvena hipoteza

- Uvod: Poglavlje 3, str 19.

- Značajke dobre hipoteze
  - svrhovita
  - provjerljiva
  - suglasna s općim znanjem
  - jednostavna



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Statistička hipoteza

- elementarna, jednoznačna i eksplicitna tvrdnja
- točna (istinita) ili netočna (neistinita)
- proizlazi iz znanstvene hipoteze
- statističke hipoteze dokazujemo (testiramo)
- provjera hipoteze → traženje istine
- istina → stvarno, objektivno stanje
- probabilistički sustav:  
  istina → vjerojatnost
- značajno → ono što se ostvaruje na svaki drugi način osim slučajno



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Statistička hipoteza

- postupak dokazivanja:
  1. postavljanje hipoteze
  2. biranje statističkog testa
  3. određivanje razine značajnosti
  4. izračunavanje
  5. zaključivanje



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Dokazivanje statističke hipoteze

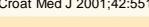
CD	Kontrolna skupina	Ispitanici s PTSD	Statistika	
			H	P
CD3	39,0 (15,1 – 61,1)	44 (32,3 – 57,7)	0,59	0,442
CD4	3,5 (2,1 – 5,8)	10,3 (6,5 – 17,4)	15,9	0,018

Razlikuje li se razina CD4 u ispitanika u istraživanju?

Škarpa I et al. Croat Med J 2001;42:551-5.



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 1. Postavljanje hipoteze

- nulta:  
  →  $H_0$ -hipoteza: razlike nema!
- suprotna  
  →  $H_1$ -hipoteza: razlike ima!
- samo jedna može biti istinita
- samo jedna može biti prihvaćena, dok će ona preostala biti odbačena



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 2. Odabir testa

- testovi dokazivanja statističkih hipoteza
- ovisnost:
  - osobine obilježja – mjerne ljestvice
  - osobine uzorka
    - veličina
    - povezanost
  - osobine raspodjele
    - parametrijski
    - neparametrijski
  - broj obilježja – uni/bi/multivarijatni testovi



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Nastavak (mjerno obilježje)

- Mjerne ljestvice
  - NOMINALNA
  - ORDINALNA
  - INTERVALNA
  - OMJERNA



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Nastavak (odabir testa)

Ljestvica	Jedan uzorak	Dva uzorka	Tri i više uzorka
	Ovisni	Neovisni	Ovisni
Nominalna	binomni test hi-kvadrat	McNemara Fisher hi-kvadrat/ Wilcoxon	Cohran hi-kvad
Ordinalna	Kol/Smir. homologni	MW Moses	Friedman p/medijan KW
Intervalna	...		
Omjerna	...		

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 3. Određivanje razine značajnosti

- vjerojatnost "P"
- alfa ( $\alpha$ )
  - vjerojatnost odbacivanja  $H_0$  kad je ona stvarno točna i istinita
- tzv.  $\alpha$ -pogrješka (pogrješka I. vrste)
- što manja!
- uobičajene vrijednosti
  - npr.  $P<0,05$



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## (nastavak)

- zašto upravo to:  $P<0,05$ ?

### POKUS

bacanje novčića: pismo/glava

$$2x \text{ isto uzastopce} = 0,5$$

$$3x = 0,25$$

$$4x = 0,125$$

$$5x = 0,0625$$

...



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 4. Izračunavanje

- matematički račun
- računalni statistički programi:
  - MedCalc
  - Statistica
  - SPSS
  - NCSS
  - GraphPad InStat
  - ...



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 5. Zaključivanje

- mala vrijednost " $P$ "
  - znači: mala vjerojatnost da NE prihvaćamo ono što je istinito
- zaključivanje:
  - $P < \alpha$
  - vjerojatnost istinitosti  $H_0$  je mala
  - odbacujemo (NE prihvaćamo) nullu hipotezu
  - prihvaćamo suprotnu (alternativnu),  $H_1$
  - potvrdimo je, iskažemo, uz  $P=...$



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Pogrješke testiranja hipoteze

PRAVO STANJE	ZAKLJUČENO
RAZLIKA POSTOJI ( $H_1$ )	RAZLIKA NE POSTOJI ( $H_0$ )
ISPRAVAN ZAKLJUČAK $\alpha$ pogreška (I. vrste) ( $H_0$ odbac.)	RAZLIKA POSTOJI
$\beta$ pogreška (II. vrste)	ISPRAVAN ZAKLJUČAK ( $H_0$ prihvat.) RAZLIKE NEMA

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Statistički pojmovnik

- istraživanje donosi zaključke o populaciji



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Uzorak i populacija



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Zašto uzorak? Zašto ne populacija?

- brzina dobivanja rezultata
- cijena istraživanja
- dostupnost uzorka i jedinki
- stvarna nemogućnost ispitivanja populacije



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Uzorak

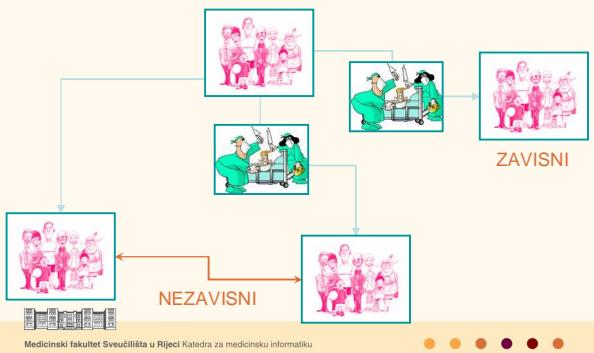
- *reprezentativan*
- *mjerljiv*
- *slučajni (probabilistički)*

- jednostavni slučajni
- sustavni slučajni
- slojevit slučajni
- skupovni (klasterirani) slučajni

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Zavisni i nezavisni uzorci



## Uzorak (nastavak) – veličina

- uzorkovanje - MedCalc  
(engl. sampling)
- primjer:  
sampling  
simple mean  
...

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## WWW...

- <http://faculty.vassar.edu/lowry/VassarStats.html>
- <http://www.statserv.com/>
- <http://www.randomizer.org/>
- <http://www.bettycjung.net/Statsites.htm>
- <http://shazam.econ.ubc.ca/flip/>
- <http://statpages.org/>
- <http://www.stat.psu.edu/~resources/index.htm>
- ...
- <http://mi.medri.hr/webveze.htm>



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## [mp@kbd.hr](mailto:mp@kbd.hr)

Klinička bolnica Dubrava  
Klinički zavod za laboratorijsku dijagnostiku  
Avenija G. Šuška 6, 10000 Zagreb  
☎ 01 290 3379

Katedra za medicinsku informatiku  
Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci  
Ulica braće Branchetta 20, 51000 Rijeka  
☎ 051 651 255



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

